

1.- Demostrar que la serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\overline{\operatorname{sen} nx}}{n^2}$$

converge para todo  $x \in \mathfrak{R}$ . Si

$$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\operatorname{sen} nx}{n^2},$$

probar que

$$\int_0^{\pi} f(x) dx = 2 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n-1)^3}.$$

2.- Calcular la serie de Fourier asociada a la función  $f(x) = \pi + x$  definida en el intervalo  $[-\pi, \pi)$  extendida por periodicidad a  $\mathfrak{R}$ .

3.- Sea  $f$  una función periódica de periodo  $2\pi$ . Hallar la serie de Fourier de tipo seno de la función  $f$  sabiendo que  $f(x) = x$  para todo  $x \in [0, \pi]$ .

4.- Sea  $f$  una función periódica de periodo  $2\pi$ . hallar la serie de Fourier de tipo coseno de la función  $f$  sabiendo que  $f(x) = x$  para todo  $x \in [0, \pi]$ .

5.- Calcular la serie de Fourier de la función

$$f(x) = 1, \text{ si } 0 \leq x \leq 1$$

$$f(x) = -1, \text{ si } -1 < x < 0$$

6.- Desarrollar en serie de Fourier la función  $f$  obtenida al prolongar por periodicidad la función  $f_1$  definida en  $[0, 2\pi]$  por  $f_1(x) = 2 - x^2$ .